



12 iyul 2006 yil

1-masala. I nuqta ABC uchburchakka ichki chizilgan aylananing markazi bo'lsin. Uchburchakning ichida

$$\angle PBA + \angle PCA = \angle PBC + \angle PCB$$

tenglikni qanoatlantiradigan P nuqta tanlangan.

Quyidagilarni isbotlang:

- $AP \geq AI$
- Tenglik bajarilishi uchun $P = I$ bo'lishi zarur va yetarli.

2-masala. P - muntazam 2006-burchak bo'lsin. P ning diagonali *yahshi* deyiladi, agar bu diagonalning uchlari P ning chegarasini har biri soni toq bo'lgan tomonlardan tashkil topgan ikkita qismga ajratsa. P ning tomonlarini ham *yahshi* deb hisoblaymiz.

P ko'pburchak 2003 ta diagonallar yordamida uchburchaklarga shunday bo'linganki, bu diagonallardan ihtiyoriy ikkitasi berilgan ko'burchakning ichiga tegishli umumiy nuqtaga ega bo'lmasin. Bunday bo'linishda ikkita tomoni *yahshi* bo'lgan teng yonli uchburchaqlar sonining eng katta qiymatini toping.

3-masala. Shunday eng kichik bo'lgan M haqiqiy son topilsinki,

$$\left| ab(a^2 - b^2) + bc(b^2 - c^2) + ca(c^2 - a^2) \right| \leq M(a^2 + b^2 + c^2)^2$$

tengsizlik barcha haqiqiy a , b va c sonlar uchun o'rinli bo'lsin.

Ajratilgan vaqt : 4 soat 30 minut

Har bir masala 7 ball bilan baholanadi