47<sup>th</sup>INTERNATIONAL MATHEMATICAL OLYMPIAD



SLOVENIA 2006 language: Ukrainian 12 липия 2006 року Задага 1. Тогка I - центр вписаного кола трикутника АВС. Усередині трикутника вибрано точку Р таку, що ZPBA+ZPCA = ZPBC +ZPCB. Доведіть, що AP = AI, приголи рівність досегаєть ся тоді й тільки тоді, коли тогка Р співпадає з I. Задага 2. Діагональ правильного 2006 - кутника Р називається доброю, якщо її кінці поділяють межу Р на дві частини, комена з якиге містить непарие чисто сторін. Сторони Р таконе називаються добрими. Увогай Р розбивається на трикутники 2003 діа-гоналяли, жодні дві з якиж не мають стільних точок

тогок усередині Р. Яку найбільшу кількість рівнобедрених трикутьшків, консий з яких має дві добрі стороми, моне містити томо втямить? містити таке розбиття? Задага 3. Визнатте наймение дійсне число М таке, що перівність

 $\left|ab(a^2-b^2)+bc(b^2-c^2)+ca(c^2-a^2)\right| \leq M(a^2+b^2+c^2)^2$ виконуеться для будь-якиге дійсьшя чисел а, в, с.

Гас виконання роботи: 4 години 30 жвилин. Комсна задача одіненемься в 7 банв.